

Ark nr / total	Dato	Kandidatgruppe	Kandidatnummer
1/7	24.5.22	MAT 1015 -5-E	434 UxU-V
Del			
1			

## Oppgave 1

2 2 4 4 5 5 5 6 6 10

a) Median:  $\frac{N_5 + N_6}{2} = \frac{5 + 5}{2} = \frac{10}{2} = \underline{\underline{5}}$

Typetall: Flest observasjoner av 5,  
Typetallet er 5

Variasjonsbredden:  $10 - 2 = \underline{\underline{8}}$

Gjennomsnitt:  $\frac{2 \cdot 2 + 2 \cdot 4 + 3 \cdot 5 + 2 \cdot 6 + 10}{10}$

$$= \frac{4 + 8 + 15 + 12 + 10}{10}$$

$$= \frac{49}{10} = \underline{\underline{4,9}}$$

b) Relativ frekvens for 5 fjellturer:

$$\frac{N_5 + N_6 + N_7}{N_{\text{Tot}}} = \frac{1 + 1 + 1}{10} = \frac{3}{10}$$

$$= 0,3 = \underline{\underline{30\%}}$$

Kumulativ frekvens for 5 turer:

$$2 + 2 + 3 = \underline{\underline{7}}$$

Ark nr / total	Dato	Kandidatgruppe	Kandidatnummer
2/7	24.5.20	MAT 1015-S-E	4340x0-V
Del 1			

### Oppgave 1 (forts)

Den relative frekvensen forteller oss at 3 av de 10 siste årene har Sebastian vært på 5 fjell turer. Eller 30% av de ti siste årene.

Den kumulative frekvensen forteller oss at 7 av de 10 siste årene har Sebastian vært på 5 eller færre fjell turer.

### Oppgave 2

$$\frac{5 \cdot 10^6 + 1,5 \cdot 10^7}{2,5 \cdot 10^{-6}} =$$

$$= \frac{5 \cdot 10^6}{2,5 \cdot 10^{-6}} + \frac{1,5 \cdot 10^7}{2,5 \cdot 10^{-6}} =$$

$$= 2 \cdot 10^{6+6} + 0,6 \cdot 10^{7+6}$$

$$= 2 \cdot 10^{12} + 0,6 \cdot 10^{13}$$

$$= 2 \cdot 10^{12} + 6 \cdot 10^{12}$$

$$= \underline{\underline{8 \cdot 10^{12}}}$$

Ark nr / total	Dato	Kandidatgruppe	Kandidatnummer
3/7	24.5.22	MAT 7015-S-E	434 UXU-V
Del 1			

### Oppgave 3

$$100\% - 5\% = 95\%$$

$$\frac{95\%}{100\%} = 0,95 \Rightarrow \text{Vekstfaktor } 0,95$$

a)

$$600\,000 \cdot 0,95^1 = 570\,000$$

Om ett år vil båten være verdt 570 000,- kroner

b)

Når verdien av båten synker med 5% i verdi hvert år så har verdien over tid en eksponentiell endring, altså samme prosentvise endring for hvert tidsintervall. Når verdien på båten synker år for år så vil også verdi tapet i kroner per år auke og bli mindre for hvert år.

Skal båten synke i verdi med 150 000,- over fem år, 30 000 per år i snitt så utgjør det ett større tap enn 5% per år som vil bli 30 000,- år 1 og gradvis mindre enn 30 000 for de på følgende årene.

Ark nr / total	Dato	Kandidatgruppe	Kandidatnummer
4/7	24.5.22	MAT 1015-5-E	434 UKU-V
Del			
1			

Oppgave 4a)

$$K(x) = ax + b$$

$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{58 - 54}{16 - 8} = \frac{4}{8} = \underline{0,5}$$

$$b = 54 - (8 \cdot 0,5) = 54 - 4 = \underline{50}$$

$$\underline{K(x) = 0,5x + 50}$$

Vi ser av funksjonen at ved første observasjon ( $x=0$ ) hadde kartlauet en diameter på 50 millimeter, og at den vokste med 0,5 millimeter per år videre.

b)

$$K(x) = 0,5x + 50$$

$$K(200) = 0,5 \cdot 200 + 50$$

$$K(200) = 100 + 50$$

$$K(200) = \underline{150}$$

$$150 \text{ mm} = 15 \text{ cm}$$

Efter 200 år fra første observasjon øker størrelsen i diameter på kartlauet med  
15 cm

Ark nr / total	Dato	Kandidatgruppe	Kandidatnummer
5/2	24.5.22	MAT 1015-S-E	4340x0-V
Del			
1			

### Oppgave 5

Antall krabber	Antall dager Frekvens	klasse- bredde $b-a$	klasse- midtpunkt	Frekvens $\cdot$ kl. m.	Kumulativ Frekvens	Histogram høyde $f/b-a$
$[0, 20)$	5	$20-0$ $= 20$	10	$5 \cdot 10$ $= 50$	5	$\frac{5}{20} = 0,25$
$[20, 30)$	10	$30-20$ $= 10$	25	$10 \cdot 25$ $= 250$	15	$\frac{10}{10} = 1$
$[30, 40)$	10	$40-30$ $= 10$	35	$10 \cdot 35$ $= 350$	25	$\frac{10}{10} = 1$
$[40, 60)$	15	$60-40$ $= 20$	50	$15 \cdot 50$ $= 750$	40	$\frac{15}{20} = 0,75$
$[60, 100)$	20	$100-60$ $= 40$	80	$20 \cdot 80$ $= 1600$	60	$\frac{20}{40} = 0,5$
	$\Sigma = 60$			$\Sigma = 3000$		

a) Gjennomsnitt for datamaterialet:

$$\bar{N} = \frac{3000}{60} = 50$$

Stian og Sebastian fikk cirka 50 krabber i snitt per dag sommeren 2021

b) De fisket totalt 60 dager. Da vil median være gjennomsnittet av den 30. og 31. dagen han fikk mest fisk. Vi ser av kumulativ frekvens at 30. og 31. ligger i intervallet  $[40, 60)$ . Da intervallet  $[40, 60)$  er  $N_{26} \rightarrow N_{40}$  kan vi anta at  $\frac{N_{30} + N_{31}}{2}$  ligger nærmere 40 enn 60, og sannsynlig mellom 45-50 krabber.  
Derfor har ikke Stian rett i påstanden at median

Ark nr / total	Dato	Kandidatgruppe	Kandidatnummer
6/7	24.5.22	MAT 1015 - S - E	434 UxU - V
Del			
1			

Oppg 5 (forts) ~~Derfor kan ikke Stian rett i at median må være over 47.~~

$$\left(\frac{60-40}{3}\right) + 40 \approx 47$$

Stian har rett i at median er cirka 47, men ikke nøyaktig 47

Scj) ~~Når vi analyserer gruppedelt~~

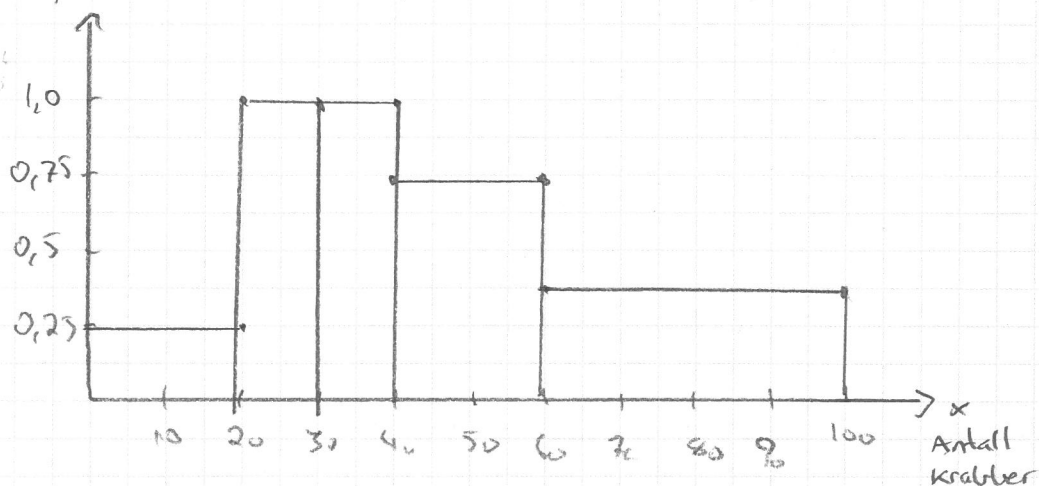
Når vi analyserer gruppedelt datamateriale vil vi ikke få helt nøyaktige svar, men gode antagelser.

Median kan teoretisk ligge mellom 40 og 60 krabber, men Sebastian tar feil når han påstår den er over 47.

Sannsynligvis ligger den på ca 47

Scj) Histogramhøyde  
f/b-a  
y

A=60





Ark nr / total <b>7/7</b>	Dato <b>24.5.22</b>	Kandidatgruppe <b>MAT 1015-S-E</b>	Kandidatnummer <b>4340XU-V</b>
Del <b>1</b>			

## oppgave 6

Figur	1	2	3	4	5
Sirkler	1	8	21	40	65
		7	13	19	

a) 1 firkant og 4 trekanten hvor trekanten ma  
 $n^2 + 4 \cdot n =$  legges til  $n$   
 $f(n) =$

$$\text{figur 5} = \underline{5^2 + 4 \cdot 10 = 25 + 40 = 65}$$

$$f(n) = n^2 + 4 \cdot n$$

$$4 \left( \frac{g \cdot h}{2} + 1 \right) \left( \frac{(n-1) \cdot (n-1)}{2} \right) + 1$$

$$\left| \frac{(3-1) \cdot (3-1)}{2} = 3 \right.$$

	1	2	3	4	5	
4.	1	0	1	3	7	10

(n-1

$$\cancel{f(n) = n^2 + 4 \cdot \left( \frac{(n-1) \cdot (n-1)}{2} \right) + 1}$$

$$\underline{\underline{f(n) = n^2 + 4 \left( \frac{(n-1) \cdot (n-1)}{2} + n \right)}}$$